# Calculs non empiriques sur une réaction SN<sub>a</sub> typique

# Structure électronique du fluorure de méthyle et de l'état de transition (FCH<sub>3</sub>F)<sup>-</sup>

### G. BERTHIER

Laboratoire de Chimie Quantique de la Faculté des Sciences 13, rue Pierre Curie, 75-Paris Vè, France

### D.-J. DAVID

Laboratoire de Chimie de l'E.N.S., 24, rue Lhomond, 75-Paris Vè, France

# A. VEILLARD

Institut de Chimie, 1, rue Blaise Pascal, 67-Strasbourg, France

Recu le 14 mars 1969

# Ab initio Calculations on a Typical SN<sub>2</sub>Reaction Electronic Structure of Methyl Fluoride and of the Transition State (FCH<sub>3</sub>F)<sup>-</sup>

The electronic structure of the initial and transition states of the substitution reaction F<sup>-</sup>+CH<sub>3</sub>F  $\rightarrow$  FCH<sub>3</sub> + F<sup>-</sup> have been calculated by the SCF molecular orbital method in the Gaussian approximation. It is found that the energy of the transition state is lower than the sum of the energies of the separated systems CH<sub>3</sub>F and C<sup>-</sup>. However, this negative contribution to the activation energy is balanced by the variation of solvatation energies.

On a calculé la structure électronique de l'état initial et de l'état de transition de la réaction de substitution  $F^- + CH_3F \rightarrow FCH_3 + F^-$  par la méthode des orbitales moléculaires SCF dans l'approximation gaussienne. On trouve que l'énergie de l'état de transition est inférieure à la somme des énergies des produits séparés CH<sub>3</sub>F et F<sup>-</sup>. Cependant, cette contribution négative à l'énergie d'activation est contrebalancée par la variation des énergies de solvatation.

Die Elektronenstruktur des Ausgangs- und des Übergangszustandes der Substitutionsreaktion  $F^- + CH_3F \rightarrow FCH_3 + F^-$  wurden mit einer SCF-MO-Methode mit Gaußfunktionen berechnet. Die Energie des Übergangszustandes ist niedriger als die Summe der Energien der separierten Systeme CH3F und F7. Dieser negative Beitrag zu der Aktivierungsenergie wird allerdings ausgeglichen durch eine Änderung der Solvatationsenergie.

#### 1. Introduction

Les mécanismes des réactions de substitution ont donné lieu à de nombreuses recherches expérimentales [1]. Certaines de ces réactions ont fait l'objet de beaucoup de travaux théoriques, qui n'ont pu être réalisés pendant longtemps que grâce à l'introduction d'éléments empiriques dans les calculs [2]. La plus étudiée fut certainement la réaction:

$$H + H_2 \rightarrow (H \dots H \dots H) \rightarrow H_2 + H$$

dont le calcul quantique de la surface de potentiel a été repris récemment [3].

Il est intéressant d'effectuer des travaux de ce genre sur des exemples plus compliqués en utilisant les possibilités actuelles des grands ordinateurs. Déjà, 23\*

Ritchie et King [4] ont étudié la réaction:

 $H^- + HF \rightarrow (H \dots H \dots F)^- \rightarrow H_2 + F^-$ .

Nous nous sommes intéressés à la substitution nucléophile du second ordre car son mécanisme est un des mieux connus [1] et, pour conserver des temps de calcul raisonnables, nous avons choisi le système

 $F^- + CH_3F \rightarrow (F - CH_3 - F)^- \rightarrow FCH_3 + F^-$ .

En effet cette réaction ne fait intervenir que des atomes de la première ligne de la classification périodique. D'autre part, la symétrie du problème réduit le nombre de paramètres nécessaires pour définir l'état de transition. Du point de vue expérimental, une telle réaction pourrait s'étudier à l'aide d'isotopes radioactifs, comme c'est le cas [1] pour les réactions

$$Br^{*-} + RBr \rightarrow RBr^{*} + Br^{-}$$
 et  $I^{*-} + R'I \rightarrow R'I^{*} + I^{-}$ 

avec des groupes R et R' plus volumineux que CH<sub>3</sub>

### Géométrie de l'état de transition

Nous avons supposé que la réaction se fait les trois atomes  $F_1$ , C et  $F_2$  étant alignés. On montre que cette disposition rend minimale l'énergie potentielle pour un système à trois atomes porteurs d'électrons s [2]. Nous avons admis la généralité de ce résultat.

Comme les deux atomes de fluor jouent un rôle symétrique dans la réaction, nous avons supposé que l'état de transition possède lui-même le maximum d'éléments de symétrie [5]. Par définition, au passage par l'état de transition, la réaction a autant de chances de se poursuivre que de rétrograder [2]. Les trois liaisons C-H seront alors à 120° dans le plan médiateur des deux atomes de fluor [5], [2]. C'est la seule structure compatible avec un mécanisme conduisant à l'inversion de Walden et à la racémisation des composés optiquement actifs. C'est donc la géométrie qu'il faut considérer en premier lieu.

## Méthode de calcul

La méthode employée est celle du champ self-consistant limitée à une configuration; les orbitales moléculaires utilisées sont des combinaisons linéaires d'orbitales atomiques gaussiennes (SCF LCGO MO) [6, 7].

Les calculs ont été effectués sur l'ordinateur CDC 3600 de l'Institut Blaise Pascal (CNRS), à l'aide du programme IBMOL [8, 9].

La base de gaussiennes choisie est de (9s, 5p) pour les fluors et le carbone et de (4s) pour les hydrogènes [10]. Par contraction, les orbitales du carbone et du fluor ont été réduites à (5s, 3p) et celles de l'hydrogène à (3s) (voir Réf. [8] et [18]).

### 2. Résultats

#### Détermination de la structure géométrique optimale

Les axes adoptés sont donnés dans les Fig. 1 et 2. La structure géométrique d'énergie minimale de l'état de transition supposé symétrique a été déterminée par deux interpolations paraboliques (Tableau 1): fixant r(C-H) = 1,106 Å,

on a déterminé r(C-F) (calculs 1 à 4), puis fixant r(C-F) = 1,8778 Å on a déterminé r(C-H) (calculs 5 à 7) et jugé inutile de refaire varier r(C-F). On obtient au minimum d'énergie (calcul 6): r(C-F) = 1,8778 Å et r(C-H) = 1,06 Å, une énergie totale de -238,46393 U.A. qui se décompose en:

| répulsion nucléaire:              | 64,950 60 U.A.,   |
|-----------------------------------|-------------------|
| énergie monoélectronique          | -469,606 36 U.A., |
| énergie biélectronique:           | 166,191 83 U.A.,  |
| énergie cinétique:                | 238,454 86 U.A.,  |
| énergie potentielle:              | -476,918 79 U.A., |
| (coefficient du viriel: 2,000 03) | 8).               |



Fig. 1. Géométrie de (FCH<sub>3</sub>F)<sup>-</sup>



Fig. 2. Géométrie de CH<sub>3</sub>F

| Calcul | r(C–F) (Å) | <i>r</i> (С–Н) (Å) | Energie totale (U.A.) | Observations |
|--------|------------|--------------------|-----------------------|--------------|
| 1      | 1,6        | 1,106              | -238,425 58           |              |
| 2      | 1,8        | 1,106              | -238,458 60           |              |
| 3      | 2,0        | 1,106              | -238,454 47           |              |
| 4      | 1,8778     | 1,106              | -238,459 95           |              |
| 5      | 1,8778     | 1,15               | -238,449 20           |              |
| 6      | 1,8778     | 1,06               | -238,463 93           | Optimum      |

Tableau 1. Optimisation de la géométrie de (FCH<sub>3</sub>F)<sup>-</sup>

La structure géométrique optimale du fluorure de méthyle a été déterminée par trois interpolations paraboliques (Tableau 2). On a supposé – ce qui est justifié par les faibles différences d'énergie trouvées – que les variations des trois paramètres étaient assez indépendantes pour pouvoir poser

r(C-F) = 1,42 Å (résultant des calculs 1, 2 et 3);

 $\widehat{\text{FCH}} = 107^{\circ}30'$  (résultant des calculs 1, 4 et 5);

r(C-H) = 1,08 Å (résultant des calculs 1, 6 et 7).

On obtient alors (calcul 8) une énergie totale de -139.03421 U.A. qui se décompose en:

| répulsion nucléaire:          | 36,855    | 58 | U.A., |
|-------------------------------|-----------|----|-------|
| énergie monoélectronique:     | - 265,339 | 39 | U.A., |
| énergie biélectronique:       | 89,449    | 59 | U.A., |
| énergie cinétique:            | 138,955   | 53 | U.A., |
| énergie potentielle:          | -277.989  | 74 | U.A., |
| (coefficient du viriel: 2.000 | 566).     |    |       |

| Calcul | r(C–F) (Å) | r(C–H) (Å) | FCH (°) | Energie totale (U.A.) | Observations               |
|--------|------------|------------|---------|-----------------------|----------------------------|
| 1      | 1,3852     | 1,106      | 108°54′ | -139,032 34           | géométrie<br>expérimentale |
| 2      | 1,3        | 1,106      | 108°54′ | -139,024 02           | -                          |
| 3      | 1,6        | 1,106      | 108°54′ | -139.013 66           |                            |
| 4      | 1,3852     | 1,106      | 100°    | -139,021 84           |                            |
| 5      | 1,3852     | 1,106      | 113°    | -139,027 06           |                            |
| 6      | 1,3852     | 1,06       | 108°54′ | -139,032 52           |                            |
| 7      | 1,3852     | 1,05       | 108°54′ | -139,031 30           |                            |
| 8      | 1,42       | 1,08       | 107°30′ | -139,034 21           | optimum                    |

Tableau 2. Optimisation de la géométrie de CH<sub>3</sub>F

On constate que la géométrie optimale n'est pas très différente de la géométrie expérimentale [11]. De fait, les calculs SCF fournissent des géométries qui ne s'écartent pas trop des valeurs expérimentales [12, 13], tant pour les distances que pour les angles [14].

L'énergie obtenue dans la géométrie expérimentale (calcul 1), est un peu meilleure que celle de -138,949 79 U.A. obtenue par Krauss [15]. La différence peut s'expliquer par la présence de 4 orbitales s sur les hydrogènes dans notre calcul contre 3 dans celui de Krauss. D'autre part la réduction du nombre d'orbitales par contraction n'est pas la même dans les deux calculs.

On obtient pour la géométrie expérimentale un moment dipolaire de 2,53 D orienté selon les x positifs, alors que la valeur expérimentale est 1,856 D [16]. L'écart vient sans doute de ce qu'on n'a pas utilisé la meilleure base sp possible et qu'on n'a pas mis d'orbitales de polarisation: 2p sur les hydrogènes, 3d sur C et F [17]. Dans la géométrie optimale on obtient 2,71 D, l'augmentation venant de l'éloignement du fluor.

On voit que lorsqu'on passe de  $CH_3F$  à  $(FCH_3F)^-$ , l'atome de fluor qui appartenait à  $CH_3F$ , s'éloigne de 0,46 Å, ce qui est conforme aux 0,4 Å prévus par Ingold [5]. La distance C-H a, au contraire, diminué, mais très peu (0,02 Å).

### Analyse de population

Les résultats SCF complets sont donnés dans la Réf. [18]. Nous donnons ici les résultats de l'analyse de population selon Mulliken [19]. Le Tableau 3 donne les populations atomiques et les recouvrements pour  $CH_3F$ , ainsi que les contributions des orbitales moléculaires. Le **Tableau 4** donne les résultats analogues pour (FCH<sub>3</sub>F)<sup>-</sup>. Ces résultats correspondent dans les deux cas à la géométrie

| O.M.               | Populations       |                  |       |       |          |       |                  | Recouvrements |         |       |  |
|--------------------|-------------------|------------------|-------|-------|----------|-------|------------------|---------------|---------|-------|--|
| (C <sub>3v</sub> ) | Atome et type     |                  |       |       |          |       |                  |               | Liaison |       |  |
|                    | $\frac{H^{a}}{s}$ | H <sup>a</sup> C |       | F     |          |       | C–H <sup>a</sup> | C-F           | Total   |       |  |
|                    |                   | S                | x     | уъ    | s        | x     | у                |               |         |       |  |
| $1a_1$             | 0,000             | 0,000            | 0,000 | 0,000 | 2,000    | 0,000 | 0,000            | 0,000         | 0,000   | 0,000 |  |
| $2a_1$             | 0,000             | 2,000            | 0,000 | 0,000 | 0,000    | 0,000 | 0,000            | 0,000         | 0,000   | 0,000 |  |
| $3a_1$             | 0,002             | 0,103            | 0,054 | 0,000 | 1,811    | 0,028 | 0,000            | 0,002         | 0,202   | 0,209 |  |
| $4a_1$             | 0,155             | 1,192            | 0,046 | 0,000 | 0,098    | 0,198 | 0,000            | 0,189         | -0,029  | 0,561 |  |
| $5a_1$             | 0,058             | 0,032            | 0,477 | 0,000 | 0,040    | 1,276 | 0,000            | 0,057         | 0,200   | 0,318 |  |
| 1 <i>e</i>         | 0,205             | 0,000            | 0,000 | 0,517 | 0,000    | 0,000 | 1,109            | 0,185         | 0,190   | 0,488 |  |
| 3e                 | 0,414             | 0,000            | 0,000 | 0,584 | 0,000    | 0,000 | 0,861            | 0,326         | -0,206  | 0,067 |  |
| Total              | 0,834             | 3.326            | 0,578 | 1,101 | 3,949    | 1,502 | 1,970            | 0,759         | 0,341   |       |  |
|                    |                   | ·                | 6,106 |       | <u> </u> | 9,391 |                  |               |         |       |  |

Tableau 3. Analyse de population pour CH3F

<sup>a</sup> Les trois hydrogènes jouant le même rôle, on a donné les résultats concernant H<sub>1</sub>.

<sup>b</sup> Les orbitales 2e et 4e jouent pour la composante z le même rôle que 1e et 3e pour y.

| O.M.               | Populations<br>Atome et type |                  |       |       |                |       |       | Recouvrements<br>Liaison |        |        |
|--------------------|------------------------------|------------------|-------|-------|----------------|-------|-------|--------------------------|--------|--------|
| (D <sub>3h</sub> ) |                              |                  |       |       |                |       |       |                          |        |        |
|                    | H a                          | H <sup>a</sup> C |       | F٥    | F <sup>b</sup> |       | C–H   | C–F                      | Total  |        |
|                    | s                            | s                | x     | y °   | s              | x     | у     |                          |        |        |
| $1a'_1$            | 0,000                        | 0,000            | 0,000 | 0,000 | 1,000          | 0,000 | 0,000 | 0,000                    | 0,000  | 0,000  |
| $2a'_1$            | 0,000                        | 2,000            | 0,000 | 0,000 | 0,000          | 0,000 | 0,000 | 0,000                    | 0,000  | 0,000  |
| 3a'1               | 0,002                        | 0,077            | 0,000 | 0,000 | 0,957          | 0,001 | 0,000 | 0,002                    | 0,043  | 0,098  |
| $4a'_{1}$          | 0,188                        | 1,277            | 0,000 | 0,000 | 0,034          | 0,046 | 0,000 | 0,220                    | -0,021 | 0,640  |
| $5a'_1$            | 0,036                        | 0,031            | 0,000 | 0,000 | -0,001         | 0,931 | 0,000 | 0,032                    | -0,049 | -0,190 |
| $1a_{2}''$         | 0,000                        | 0,000            | 0,000 | 0,000 | 1,000          | 0,000 | 0,000 | 0,000                    | 0,000  | 0,000  |
| $2a_{2}''$         | 0,000                        | 0,000            | 0,066 | 0,000 | 0,966          | 0,001 | 0,000 | 0,000                    | 0,056  | 0,111  |
| $3a_{2}''$         | 0,000                        | 0,000            | 0,292 | 0,000 | 0,007          | 0,847 | 0,000 | 0,000                    | 0,131  | 0,258  |
| 1e'                | 0,541                        | 0,000            | 0,000 | 1,034 | 0,000          | 0,000 | 0,077 | 0,465                    | 0,025  | 0,699  |
| 3 <i>e</i> ′       | 0,058                        | 0,000            | 0,000 | 0,086 | 0,000          | 0,000 | 0,913 | 0,054                    | -0,019 | -0.045 |
| 1e''               | 0,000                        | 0,000            | 0,000 | 0,000 | 0,000          | 0,000 | 1,000 | 0,000                    | 0,000  | 0,000  |
| Total              | 0,826                        | 3,384            | 0,358 | 1,120 | 3,962          | 1,826 | 1,990 | 0,774                    | 0,171  | ,      |
|                    |                              |                  | 5,983 |       |                | 9,769 |       |                          |        |        |

Tableau 4. Analyse de population pour (FCH<sub>3</sub>F)<sup>-</sup>

<sup>a</sup> Les trois hydrogènes jouant le même rôle on a donné les résultats concernant H<sub>1</sub>.

<sup>b</sup> Les deux fluors jouent le même rôle.

<sup>c</sup> Les orbitales 2e', 4e' et 2e'' jouent pour la composante z le même rôle que 1e', 3e' et 1e'' pour y.

optimale. Il est à noter qu'ils varient peu lorsque, pour  $CH_3F$ , on passe de la géométrie optimale à la géométrie expérimentale [18].

Le Tableau 5 donne, pour les deux composés, les énergies des orbitales moléculaires et leur interprétation qualitative.

| Tableau 5. Interpretation des orbitales moleculaires de $CH_3F$ et $(FCH_3F)$ |                |  |   |  |  |  |  |
|---|----------------|--|---|--|--|--|--|
| Orbitale  | Energie (U.A.) | Orbitales atomiques constituantes <sup>a</sup>                               | Caractère   |  |  |  |  |
| CH₃F  |                |  |   |  |  |  |  |
| $1a_1$  | -26,268 2      | 1s(F)  | non liante  |  |  |  |  |
| $2a_1$  | -11,317 2      | 1s(C)  | non liante  |  |  |  |  |
| $3a_1$  | - 1,568 6      | 2s(F), 2s(C), x(F)   | liante pour C–F                                       |  |  |  |  |
| 4 <i>a</i> <sub>1</sub>   | - 0,967 2      | $\overline{2s(C), s(H)^{b}}, 2s(F), x(F), x(C)$                              | ∫ liante pour C–H<br>{ antiliante pour C–F            |  |  |  |  |
| 1 <i>e</i>  | - 0,687 1      | $y(F)^{\circ}$ , $s(H)$ , $y(C)$   | liante pour C-H et C-F                                |  |  |  |  |
| 5a <sub>1</sub>   | - 0,648 6      | $\underline{x(F), x(C), [s(H)]}$   | { liante pour C–F<br>{ légèrement liante pour C–H     |  |  |  |  |
| 3e  | - 0,538 1      | y(F), y(C), s(H)   | { liante pour C−H<br>{ antiliante pour C−F            |  |  |  |  |
| (FCH <sub>3</sub> F) <sup>-</sup>   |                |  |   |  |  |  |  |
| $1a_1'$   | -25,913 7      | $1s(F)^d$  | non liante  |  |  |  |  |
| $1a_{2}^{''}$   | -25,913 7      | 1s(F)  | non liante  |  |  |  |  |
| $2a'_{1}$   | -11,129 8      | 1s(C)  | non liante  |  |  |  |  |
| $3a'_1$   | - 1,185 0      | $\underline{2s(\mathrm{F})}, 2s(\mathrm{C}); [s(\mathrm{H}), x(\mathrm{F})]$ | ∫un peu liante pour C–F<br>{ très peu liante pour C–H |  |  |  |  |
| $2a_{2}''$  | - 1,180 8      | 2s(F), x(F), x(C)  | un peu liante pour C–F                                |  |  |  |  |
| $4a'_1$   | - 0,752 1      | 2s(C), s(H); [x(C), 2s(F)]   | ∫liante pour C–H<br>} antiliante pour C–F             |  |  |  |  |
| 1 <i>e</i> ′  | - 0,441 8      | $\underline{s(\mathrm{H}), y(\mathrm{C})}, y(\mathrm{F})$                    | { liante pour CH<br>} un peu liante pour CF           |  |  |  |  |
| $3a_2''$  | - 0.325 8      | x(F), x(C); [2s(F)]  | liante pour C-F                                       |  |  |  |  |
| 3e'   | - 0.267 3      | $\overline{s(\mathrm{H}), y(\mathrm{C}), y(\mathrm{F})}$                     | { légèrement liante pour C-H<br>{ antiliante pour C-F |  |  |  |  |
| 1 <i>e</i> "  | - 0.260 8      | <i>y</i> (F)   | non liante  |  |  |  |  |
| 5 <i>a</i> ' <sub>1</sub>   | - 0.221 4      | x(F), x(C), 2s(C), s(H)  | { antiliante pour C–F<br>légèrement liante pour C–H   |  |  |  |  |

ableau 5. Interprétation des orbitales moléculaires de CH<sub>3</sub>F et (FCH<sub>3</sub>F)<sup>-</sup>

<sup>a</sup> On a souligné les contributions dominantes, mis entre crochets les contributions faibles.

<sup>b</sup> On a traité symétriquement les trois hydrogènes.

<sup>°</sup> cf. note <sup>b</sup> du Tableau 3, ou note <sup>°</sup> du Tableau 4.

<sup>d</sup> On a traité symétriquement les deux fluors.

Examinons d'abord les populations atomiques totales. Dans  $CH_3F$ , les hydrogènes portent une charge positive de 0,166 U.A., le carbone porte un excès de charge négative de 0,106 U.A., le fluor un excès de charge négative de 0,391 U.A. C'est là une manifestation de l'électronégativité du fluor, accompagnée d'un effet inductif sur le carbone. Dans (FCH<sub>3</sub>F)<sup>-</sup>, ces effets sont augmentés: non seulement les deux atomes de fluor se partagent l'électron supplémentaire apporté par F<sup>-</sup>, mais encore on constate un transfert supplémentaire d'électrons des autres atomes. Les deux fluors portent chacun un excès de charge négative de 0,769 U.A., tandis que le carbone porte une charge légèrement positive, cette fois, de 0,017 U.A.; les hydrogènes portent une charge positive de 0,174 U.A. L'état de transition apparaît donc sous la forme limite:  $F^{-\delta}(CH_3)^{+\epsilon}F^{-\delta}$ . Cependant, les liaisons C-F ne sont pas totalement ioniques puisqu'elles ont une population de recouvrement différente de zéro, quoique faible.

Lorsqu'on passe de CH<sub>3</sub>F à (FCH<sub>3</sub>F)<sup>-</sup>, le carbone passe de l'hybridation  $sp^3$  à l'hybridation  $sp^2$ . Cela se voit sur les contributions aux populations atomiques des fonctions de type 2s,  $2p_x$ ,  $2p_y$ ,  $2p_z$  du carbone, qui sont respectivement: 1,326; 0,578; 1,101; 1,101 pour CH<sub>3</sub>F et: 1,384; 0,358; 1,120; 1,120 pour (FCH<sub>3</sub>F)<sup>-</sup> (on a attribué une population de 2,0 U.A. aux fonctions 1s car elles restent pratiquement identiques à ce qu'elles sont dans les atomes libres, comme le montrent les résultats SCF). On voit qu'on peut admettre une hybridation entre les quatre types de symétrie pour CH<sub>3</sub>F alors que pour (FCH<sub>3</sub>F)<sup>-</sup> on n'a hybridation qu'entre 2s,  $2p_y$  et  $2p_z$ . Ce fait est encore plus visible lorsqu'on examine la contribution de l'orbitale 2s(C) à la liaison C-F: d'importante pour CH<sub>3</sub>F (orbitale moléculaire  $3a_1$ ), elle devient faible pour (FCH<sub>3</sub>F)<sup>-</sup> (orbitale  $2p_x(C)$ . En revanche, dans les deux cas, l'orbitale 2s(C) joue un grand rôle dans les liaisons C-H.

Le transfert de charge qui se produit lorsqu'on passe de  $CH_3F$  à  $(FCH_3F)^$ peut être scindé en deux étapes:

1°) Le carbone perd des charges négatives (prises par les fluors) d'où appauvrissement des populations en 2s et  $2p_x$  (symétries a);

2°) Le carbone gagne des charges négatives (prises aux hydrogènes) d'où accroissement des populations en  $2p_y$  et  $2p_z$  (symétries *e*).

Les orbitales 1s du fluor et du carbone ne jouent aucun rôle dans les liaisons: elles forment des couches K de nature atomique. Les orbitales  $2p_y$  et  $2p_z$  du fluor (dont les populations voisines de 2,0 U.A. ne varient pratiquement pas) sont antiliantes et représentent des paires libres. La population de 2s(C) croît de 1,326 U.A. à 1,384 U.A. tandis que celle de  $2p_x(C)$  décroît de 0,578 U.A. à 0,358 U.A. Pour le fluor, le changement le plus important est celui de  $2p_x(F)$ : de 1,502 U.A. à 1,826 U.A. Ces variations sont caractéristiques du changement d'hybridation.

La population de recouvrement de la liaison C-F diminue fortement de 0,341 U.A. à 0,171 U.A. La principale contribution à ce changement est l'interaction avec le deuxième fluor (remarquons que 0,171 est égal à la moitié de 0,341) Une autre cause en est l'augmentation de la distance C-F.

Des deux orbitales auxquelles l'orbitale  $5a_1$  de CH<sub>3</sub>F donne naissance lorsqu'on passe du groupe de symétrie  $C_{3v}$  au groupe  $D_{3h}$  de (FCH<sub>3</sub>F)<sup>-</sup>, l'une d'entre elles  $3a''_2$ , est liante entre C et F, et l'autre  $5a'_1$  est antiliante. C'est pourquoi  $3a''_2$  est stabilisée par rapport à  $5a'_1$  (énergie de -0,325 U.A. contre -0,221 U.A.). Les orbitales a'' jouent donc un grand rôle dans la stabilisation de l'état de transition.

#### 3. Discussion

Pour prédire le cours d'une transformation chimique, il est nécessaire de connaître le chemin de la réaction, ce qui exige dans le cas présent de calculer les variations d'énergie du système  $F^- + CH_3F$  depuis l'état initial (ou final) jusqu'à l'état de transition. Comme les calculs théoriques concernent des molécules

soustraites à l'influence du milieu, on doit tenir compte éventuellement des effets de solvants, qu'on peut ramener ici à une différence entre l'énergie de solvatation des produits isolés et celle de l'état de transition.

A titre indicatif, nous avons calculé l'énergie du système d'une part dans l'état initial (I), d'autre part dans un état intermédiaire (II) situé approximativement sur le chemin de la réaction (Fig. 3). L'état (II) choisi est constitué par la juxtaposition à distance finie du fluorure de méthyle et de l'ion fluor; la distance r(C-F) entre le carbone de la première molécule et le second fluor F<sup>-</sup> a été prise égale à 3,0 Å, c'est à dire à une distance un peu inférieure à la somme des rayons de Van der Waals du groupement méthyle (2,04 Å) et de l'anion fluor (1,35 Å) [20]. Des calculs supplémentaires destinés à préciser le tracé de la surface de potentiel du système  $(F-CH_3-F)^-$  sont en cours.



Fig. 3. Etat intermédiaire II

La base de fonctions gaussiennes utilisée dans ce travail fournit pour l'ion F<sup>-</sup> une énergie  $E_{SCF}$  égale à -99,416 0 U.A. Il en résulte que l'énergie totale des produits séparés dans l'état initial (I) est  $E_I = -238,448$  U.A. ou bien -238,450 U.A., selon que les distances et angles adoptés pour CH<sub>3</sub>F sont les valeurs expérimentales ou bien les valeurs optimales du calcul SCF. D'après la méthode du champ self-consistant, l'énergie  $E_I$  des produits séparés serait donc supérieure de 0,014 U.A. (8,8 kcal/mol) à l'énergie  $E_{III}$  de l'état de transition. Une situation analogue se présente pour la réaction H<sup>-</sup> + HF  $\rightarrow$  (H-H-F)<sup>-</sup>  $\rightarrow$  H<sub>2</sub> + F<sup>-</sup>: en effet, l'état (H-H-F)<sup>-</sup> présente un minimum d'énergie pour r(F-H) = 3,60 Å et r(H-H) = 1,45 Å, qui se trouve inférieur de 0,012 U.A. à celui du système H<sub>2</sub> + F<sup>-</sup> [4].

Pour l'état intermédiaire, on obtient une énergie totale  $E_{\rm II} = -238,475$  U.A., en conservant à l'intérieur du groupement CH<sub>3</sub>F les distances et angles trouvées expérimentalement pour le fluorure de méthyle. Cette valeur est inférieure de 0,011 U.A. (6,9 kcal/mol) à l'énergie de l'état de transition (III) et de 0,027 U.A. (16,9 kcal/mol) à celle de l'état initial (I). L'abaissement d'énergie produit par la juxtaposition des groupements CH<sub>3</sub>F et F<sup>-</sup> peut être attribué à la variation de l'interaction charge-dipôle qui se produit lorsqu'on rapproche l'ion F<sup>-</sup> de la molécule fortement polaire CH<sub>3</sub>F. Classiquement, on a pour un dipôle *p* et une charge *q* qu'on rapproche de l'infini à une distance *r* une variation d'énergie  $\Delta W = p \cdot q/r^2$ ; en posant r = 5,7 U.A. (3,0 Å), q = 1 et p = 2,71 D (valeur théorique du moment dipolaire de CH<sub>3</sub>F), on trouve  $\Delta W = 0,31$  U.A. au lieu de 0,27 U.A. par le calcul direct de la différence  $E_{\rm III} - E_{\rm II}$ . Cette dernière valeur doit d'ailleurs être considérée comme une estimation par défaut, car la configuration géométrique conduisant au minimum de l'énergie SCF pour un fluorure de méthyle et un anion fluor à distance finie est nécessairement un peu différente de celle attribuée à l'état intermédiaire (II).

Pour autant qu'on puisse réellement évaluer une énergie d'activation en faisant le bilan des énergies électroniques et nucléaires données par la méthode du champ self-consistant, c'est à dire en considérant l'énergie de corrélation électronique comme constante entre l'état initial et l'état de transition, il résulte des calculs précédents que l'énergie d'activation nécessitée par la substitution du fluor contient une partie d'origine moléculaire négative (produits initiaux à l'infini) ou au mieux faiblement positive (produits initiaux à distance finie). Du point de vue chimique, ce résultat ne signifie pas que la réaction de substitution se fait sans apport appréciable d'énergie, car les variations d'énergie de solvatation auxquelles on doit s'attendre sont beaucoup plus grandes que celles de l'énergie interne du système. Si l'on applique la formule de Born généralisée en considérant les atomes du système (F-CH<sub>3</sub>-F)<sup>-</sup> comme des ions dont la charge serait égale à leur population atomique nette [21], on trouve que l'énergie de solvatation décroît de l'état initial (I) à l'état intermédiaire (II) et à l'état de transition (III), du fait que la charge de l'anion F<sup>-</sup> se répartit entre tous les atomes du système. De l'état (I) à l'état (III), la variation de l'énergie de solvatation est environ trois fois plus grande que celle de l'énergie propre du système et de signe opposé. ce qui conduit à une énergie d'activation positive de l'ordre de 20 kcal/mol.

Remerciements. Nous remercions bien sincèrement M. A. Rassat (CEN, Grenoble) de nous avoir suggéré ce problème et M. Ph. Millie (ENS, Paris) de nous avoir apporté des éléments de discussion constructifs.

#### Références

- 1. Ingold, C. K.: Structure and mechanisme in organic chemistry. New York: Cornell Univ. Press 1953.
- Glasstone, S., K. J. Laidler, and H. Eyring: The theory of rate processes. New York: Mc Graw Hill Co. 1941.
- 3. Conroy, H., and B. L. Bruner: J. chem. Physics 47, 921 (1967).
- 4. Ritchie, C. D., and H. F. King: J. Amer. chem. Soc. 88, 1069 (1966).
- 5. The transition state (symposium). London: Univ. of Sheffield and the Chemical Society 1962.
- 6. Clementi, E.: J. chem. Physics 46, 3842 (1967).
- 7. Roothaan, C. C. J.: Rev. mod. Physics 23, 69 (1951).
- 8. Clementi, E., and D. R. Davis: J. comput. Physics 1, 223 (1966).
- Veillard, A., D. J. David, and Ph. Millié: IBMOL CDC 3600 version. Paris: Laboratoire de Chimie de l'E.N.S. 1967.
- 10. Huzinaga, S.:J. chem. Physics 42, 1293 (1965).
- 11. Anderson, F. A., B. Bak, and S. Brodersen: J. chem. Physics 24, 989 (1956).
- 12. Nesbet, R. K.: J. chem. Physics 43, S 30 (1965).
- Clementi, E.: J. chem. Physics 36, 33 (1962). Harrison, M. C.: J. chem. Physics 41, 499 (1964). Nesbet, R. K.: J. chem. Physics 41, 100 (1964). -- J. chem. Physics 43, 4403 (1965); voir aussi [17]
- 14. Krauss, M.: J. Res. natl. Bur. Standards A 68, 635 (1964).
- 15. Communication personnelle.

338 G. Berthier, D.-J. David et A. Veillard: Calculs non empiriques sur une réaction SN<sub>2</sub> typique

- 16. Larkin, D. M., and W. Gordy: J. chem. Physics 38, 2329 (1963).
- Nesbet, R. K.: J. chem. Physics 36, 1518 (1962).
  McLean, A. D.: J. chem. Physics 39, 2653 (1963).
- 18. David, D. J.: Thèse de 3 è cycle. Paris: Laboratoire de Physique de l'Ecole Normale Supérieure 1967
- 19. Mulliken, R. S.: J. chem. Physics 23, 1833 (1955).
- 20. Pascal, P.: Chimie générale I, 268. Paris: Masson et Cie 1949.
- 21. Daudel, R.: Théorie quantique de la réactivité chimique, p. 89. Paris: Gauthier-Villars 1967.

Dr. G. Berthier Université de Paris Faculté des Sciences Laboratoire de Chimie Quantique 13, Rue Pierre Curie, Paris V<sup>e</sup>, France